

**Recenzja rozprawy habilitacyjnej dr Michała Stukowa**  
*„Skręcenia Dehna na powierzchniach nieorientowalnych”.*

Dr Michał Stukow uzyskał tytuł magistra i stopień doktora nauk matematycznych na Wydziale Matematyki i Fizyki Uniwersytetu Gdańskiego w latach 2002 i 2006. Jest autorem 15 opublikowanych prac naukowych.

**Omówienie osiągnięć naukowych w rozprawie habilitacyjnej**

Dr Michał Stukow przedstawił do oceny jednotematyczny cykl sześciu prac dotyczących skrętów Dehna na powierzchniach nieorientowalnych. Wszystkie prace są opublikowane w renomowanych czasopismach międzynarodowych: *Fundamenta Mathematicae*, *Osaka J. Math.*, *J. of Pure and Appl. Algebra*, *Bull. Korean Math. Soc.*, *Topology Proc.* i *Kodai Math. J.*

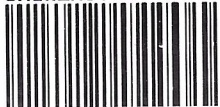
Tematyka, którą zajmuje się dr Stukow jest związana z wieloma dziedzinami matematyki: topologią niskowymiarową, geometrią algebraiczną, geometryczną teorią grup, analizą zespoloną i topologią symplektyczną.

Skręty Dehna to standardowe generatory grupy  $M(F)$  klas izotopii homeomorfizmów powierzchni  $F$ , gdy  $F$  jest powierzchnią orientowalną. Są one określone przez krzywe (proste pętle). W przypadku nieorientowalnym potrzebne są dodatkowe generatory, przynajmniej jeden, ale skręty Dehna grają fundamentalną rolę. W przypadku orientowalnym Likorish w 1963 opisał skończony zbiór generatorów (skrętów Dehna) grupy  $M(F)$ , Hatcher i Thurston opisali metodę znalezienia prezentacji grupy  $M(F)$ , Harer na tej podstawie dał pierwszy skomplikowany opis prezentacji a ja ten opis znacznie uprościłem w 1983. Likorish podał też skończony zbiór generatorów w przypadku nieorientowalnym ale jeszcze w latach 90-tych odpowiadając na moje bezpośrednie pytanie powiedział, że znalezienie prezentacji w przypadku nieorientowalnym jest wyjątkowo trudne. Pierwsze wyniki w przypadku nieorientowalnym były w końcu 20-go wieku ale jawną prezentację uzyskali dopiero Paris i Szepietowski w 2015 roku.

W pracy H3 dr Stukow znacznie uprościł prezentację Parisa i Szepietowskiego. To jest jedno z jego ważniejszych osiągnięć.

W innych pracach dr Stukow zajmuje się własnościami skrętów Dehna i ich działaniem na krzywe na powierzchni  $F$  i na indeks przecięcia krzywych. W przypadku powierzchni orientowalnej takie rozważania doprowadziły do udowodnienia, że kompleks krzywych na powierzchni ma niedodatnią krzywiznę co miało bardzo ważne konsekwencje w geometrycznej teorii grup. W przypadku nieorientowalnym sytuacja jest dużo bardziej skomplikowana.

W pracy H1, chyba najważniejszej w całym cyklu, dr Stukow oblicza index przecięcia  $I(t(b), b)$  krzywej  $b$  na powierzchni  $F$  i jej obrazu  $t(b)$ , gdy  $t$  jest  $n$ -tą potęgą skrętu Dehna względem innej krzywej  $a$ . Tę pracę przeczytałem uważnie i zrobiła na mnie wielkie wrażenie. Przede wszystkim praca jest bardzo dobrze zredagowana i bardzo jasno i precyzyjnie sformułowane są pojęcia i objaśnione dowody. To nie znaczy, że pracę czyta



się łatwo. To jest nadal bardzo trudny materiał, trudny do wyobrażenia. Samo zdefiniowanie niezmienników służących do opisu indeksu przecięcia budzi mój podziw. W przypadku orientowalnym odpowiedź jest bardzo naturalna, trzeba ją tylko udowodnić, a w przypadku nieorientowalnym nie wiadomo czego oczekiwać i odpowiedź jest bardzo skomplikowana a dowód bardzo pomysłowy. W szczególności występują nieoczekiwane skrócenia indeksu przecięcia, które jest bardzo trudno kontrolować.

W pracy H2 dr Stukow rozważa powierzchnię nieorientowalną  $N$  i podgrupę grupy  $M(F)$  generowaną przez skręty Dehna, znajduje skończony układ generatorów tej podgrupy, jej indeks i pierwszą grupę homologii a w pracy H4 znajduje prezentację tej grupy.

W pracy H5 dr Stukow dowodzi, że jeśli dwie krzywe  $a, b$  mają indeks przecięcia większy niż 1 to generują grupę wolną. W przypadku orientowalnym jest to wynik oczekiwany, trzeba go tylko udowodnić. W przypadku nieorientowalnym, ze względu na wspomniane wyżej nieoczekiwane skrócenia, ta odpowiedź wcale nie była oczywista, a dowód jest bardzo skomplikowany i pomysłowy.

W pracy H6 dr Stukow rozważa pary skrętów Dehna na powierzchni zorientowanej  $F$  względem rozłącznych homologicznych krzywych. Wtedy iloraz tych skrętów indukuje trywialne działanie na pierwszej grupie homologii powierzchni  $F$ . Dr Stukow dowodzi, że jeśli mamy dwie takie pary skrętów względem przecinających się krzywych to ilorazy generują grupę wolną. To daje częściowe potwierdzające świadectwo na prawdziwość hipotezy Leiningera i Margalita.

Wszystkie prace dr Stukowa bardzo mi się podobają. Wielu autorów uczy się trudnej techniki a potem szuka wniosków, które dają się łatwo udowodnić tą techniką.

Dr Stukow stawia sobie cel, otwarty problem i wymyśla technikę, która pomoże mu problem rozwiązać. Tak moim zdaniem powinien pracować naukowiec.

Autoreferat napisany jest bardzo rzeczowo i jasno. Zawiera dokładny opis osiągniętych rezultatów.

Przeczytałem krótkie recenzje w Zentralblatt der Mathematik prac Michała Stukowa przedstawionych do habilitacji. Zwykle takie recenzje są pisane bez komentarza, tylko krótki opis wyników, a czasem tylko powtórzenie streszczenia pracy. Tym razem recenzje były pisane przez wybitnych specjalistów i zawierały bardzo pozytywne komentarze, że praca jest ciekawa i zawiera trudne i pomysłowe dowody. To jest ważna pochwała dla autora.

Jak napisałem wyżej, sam dokładnie przeczytałem jedną pracę i całkowicie zgadzam się z komentarzami.

### **Omówienie pozostałych prac.**

Wszystkie prace dr Stukowa dotyczą grupy klas przekształceń powierzchni. Trochę niepokoi ta jednostronność ale z drugiej strony temat jest bardzo szeroki i powiązany z innymi dziedzinami matematyki i dr Stukow wykazuje się znajomością i zrozumieniem tych powiązań.

W pozostałych pracach dr Stukow rozważa generatory torsyjne, w szczególności inwolucje w grupie  $M(F)$ . Są one związane z algebraicznymi (analitycznymi) automorfizmami możliwej struktury algebraicznej i analitycznej na powierzchni  $F$ . Autor rozważa również reprezentacje grupy  $M(F)$  w grupie macierzy. Bada hipereliptyczną podgrupę grupy  $M(F)$  tzn. grupę tych elementów grupy  $M(F)$ , które są przemienne z hipereliptyczną inwolucją na powierzchni  $F$  i jej odpowiedniki w przypadku powierzchni nieorientowalnej.

Uważam, że są to bardzo ciekawe pytania (i odpowiedzi).

*Bedajczyk*

### **Działalność (widzialność) na arenie międzynarodowej.**

Dr Stukow brał udział w wielu konferencjach naukowych za granicą. Na niektórych przedstawiał referaty, w tym referat plenarny na konferencji w Bowling Green w USA. Referował też swoje prace na licznych konferencjach międzynarodowych w Polsce. Był zaproszony na dłuższy okres do Instytutu Mittag-Lefflera w Szwecji. Najważniejsze moim zdaniem to fakt, że jego prace i w szczególności prace głównego cyklu były cytowane przez znanych i bardzo znanych matematyków: P. Belingeri-S. Gervais, M. Bestvina-K. Fujiwara, B. Bowditch, S. Hirose, R. Kobayashi, E. Irmak, M. Korkmaz, L. Paris.

Łączna liczba cytowań jest ponad 40 a ponieważ dotyczą one prac z ostatnich 10 lat a niektóre cytowane prace są bardzo nowe to jest to duża liczba cytowań.

### **Działalność dydaktyczna**

Dr Stukow poświęcił wyjątkowo dużo czasu na popularyzację matematyki na różnych poziomach: wykłady dla uczniów szkół, dla studentów (oprócz wykładów kursowych), wykłady popularno-naukowe oraz wykłady na warsztatach przybliżające bardziej zaawansowane aspekty matematyki: homologie grupy warkoczy, topologia symplektyczna i kontaktowa, przestrzenie moduli powierzchni Riemanna, geometria hiperboliczna.

:

To działalność dydaktyczna jest godna pochwały.

### **Konkluzja**

Uważam, że dr Michał Stukow jest bardzo dobrym matematykiem. Ma on już duży dorobek naukowy związany z grupami klas przekształceń powierzchni. Jego prace świadczą o wysokich kwalifikacjach, dużej sile dowodu i bardzo dobrym guście w wyborze problemów badawczych. Z przedstawionych dokumentów wynika, że kandydat spełnia wszystkie ustawowe wymagania do nadania mu stopnia doktora habilitowanego.

Wniosuję o dopuszczenie kandydata do dalszych etapów przewodu habilitacyjnego.

*B. Wajnył*